

be-OI 2016

Finale - SENIOR
zaterdag 19 maart
2016

Invullen in **HOOFDLETTERS** en **LEESBAAR** aub

VOORNAAM :
NAAM :
SCHOOL :

500

Gereserveerd

Belgische Informatica-olympiade (duur : 2u maximum)

Dit is de vragenlijst van de finale van de Belgische Informatica-olympiade 2016. Ze bevat 10 vragen, en je krijgt **maximum 2u** de tijd om ze op te lossen.

Algemene opmerkingen (lees dit aandachtig voor je begint)

- Controleer of je de juiste versie van de vragen hebt gekregen (die staat hierboven in de hoofding).
 - De categorie **beloften** is voor leerlingen tot en met het 2e middelbaar,
 - de categorie **junior** is voor het 3e en 4e middelbaar,
 - de categorie **senior** is voor het 5e middelbaar en hoger.
- Vul duidelijk je voornaam, naam en school in, **alleen op dit eerste blad**.
- Jouw antwoorden moet je invullen op de daarop voorziene antwoordbladen, die je achteraan vindt.
- Als je door een fout buiten de antwoordkaders moet schrijven, schrijf dan alleen verder op hetzelfde blad papier (desnoods op de achterkant).
- Schrijf **duidelijk leesbaar** met blauwe of zwarte **pen of balpen**.
- Je mag alleen schrijfgerief bij je hebben. Rekentoestel, GSM, ... zijn **verboden**.
- Je mag altijd extra kladpapier vragen aan de toezichthouder of leerkracht.
- Wanneer je gedaan hebt, geef je deze eerste bladzijde terug (met jouw naam erop), en de pagina's met jouw antwoorden. Al de rest mag je bijhouden.
- Voor alle code in de opgaven werd **pseudo-code** gebruikt. Op de volgende bladzijde vind je een **beschrijving** van de pseudo-code die we hier gebruiken.
- Als je moet antwoorden met code, mag dat in **pseudo-code** of in eender welke **courante programmeertaal** (zoals Java, C, C++, Pascal, Python, ...). We trekken geen punten af voor syntaxfouten.
- Meerkeuzevragen werken als volgt : bij een goed antwoord krijg je de punten, bij een fout antwoord verlies je de punten. Geef je geen antwoord, dan krijg je geen punten. Je kan geen negatieve score halen. Om op een meerkeuzevraag te antwoorden, kruis je het hokje aan () dat met het juiste antwoord overeenkomt. Om een antwoord te annuleren, maak je het hokje volledig zwart ().
- De toezichthouder of leerkracht zal geen vragen beantwoorden. Elke fout in de opgave moet je beschouwen als onderdeel van de proef.

Veel succes !

De Belgische Informatica-olympiade wordt mogelijk gemaakt door de steun van deze sponsors en leden :



©2016 Belgische Informatica-olympiade (beOI) vzw

Dit werk is vrijgegeven onder de licentie : Creative Commons Naamsvermelding 2.0 België

Overzicht pseudo-code

Gegevens worden opgeslagen in variabelen. Je kan de waarde van een variabele veranderen met \leftarrow . In een variabele kunnen we gehele getallen, reële getallen of arrays opslaan (zie verder), en ook booleaanse (logische) waarden : waar/juist (**true**) of onwaar/fout (**false**). Op variabelen kan je wiskundige bewerkingen uitvoeren. Naast de klassieke operatoren $+$, $-$, \times en $/$, kan je ook $\%$ gebruiken : als a en b allebei gehele getallen zijn, dan zijn a/b en $a\%b$ respectievelijk het quotiënt en de rest van de gehele deling (staartdeling). Bijvoorbeeld, als $a = 14$ en $b = 3$, dan geldt : $a/b = 4$ en $a\%b = 2$. In het volgende stukje code krijgt de variabele *leeftijd* de waarde 20.

```
geboortejaar  $\leftarrow$  1994
leeftijd  $\leftarrow$  2014 - geboortejaar
```

Als we een stuk code alleen willen uitvoeren als aan een bepaalde voorwaarde (conditie) is voldaan, gebruiken we de instructie **if**. We kunnen eventueel code toevoegen die uitgevoerd wordt in het andere geval, met de instructie **else**. Het voorbeeld hieronder test of iemand meerderjarig is, en bewaart de prijs van zijn/haar cinematicket in een variabele *prijs*. De code is bovendien voorzien van commentaar.

```
if (leeftijd  $\geq$  18)
{
  prijs  $\leftarrow$  8 // Dit is een stukje commentaar
}
else
{
  prijs  $\leftarrow$  6 // Goedkoper!
}
```

Wanneer we in één variabele tegelijk meerdere waarden willen stoppen, gebruiken we een array. De afzonderlijke elementen van een array worden aangeduid met een index (die we tussen vierkante haakjes schrijven achter de naam van de array). Het eerste element van een array *arr* heeft index 0 en wordt genoteerd als *arr*[0]. Het volgende element heeft index 1, en het laatste heeft index $N - 1$ als de array N elementen bevat. Dus als de array *arr* de drie getallen 5, 9 en 12 bevat (in die volgorde) dan is *arr*[0] = 5, *arr*[1] = 9 en *arr*[2] = 12. De lengte van *arr* is 3, maar de hoogst mogelijke index is slechts 2.

Voor het herhalen van code, bijvoorbeeld om de elementen van een array af te lopen, kan je een **for**-lus gebruiken. De notatie **for** ($i \leftarrow a$ to b step k) staat voor een lus die herhaald wordt zolang $i \leq b$, waarbij i begint met de waarde a en telkens verhoogd wordt met k aan het eind van elke stap. Het onderstaande voorbeeld berekent de som van de elementen van de array *arr*, veronderstellend dat de lengte ervan N is. Nadat het algoritme werd uitgevoerd, zal de som zich in de variabele *sum* bevinden.

```
sum  $\leftarrow$  0
for (i  $\leftarrow$  0 to  $N - 1$  step 1)
{
  sum  $\leftarrow$  sum + arr[i]
}
```

Een alternatief voor een herhaling is een **while**-lus. Deze herhaalt een blok code zolang er aan een bepaalde voorwaarde is voldaan. In het volgende voorbeeld delen we een positief geheel getal N door 2, daarna door 3, daarna door 4 ... totdat het getal nog maar uit 1 decimaal cijfer bestaat (d.w.z., kleiner wordt dan 10).

```
d  $\leftarrow$  2
while (N  $\geq$  10)
{
  N  $\leftarrow$  N/d
  d  $\leftarrow$  d + 1
}
```

Vraag 1 – Opwarming

Je krijgt het volgende algoritme. n is een strikt positief geheel getal :

```

count ← 0
for (i ← 0 to n-1 step 1)
{
  for (j ← 0 to n-1 step 1)
  {
    if (i < j) { count ← count - 1 }
    else { count ← count + 1 }
  }
}

```

Q1(a) [3 ptn]		Wat is de waarde van de variabele <i>count</i> na het uitvoeren van dit algoritme ?
	<input type="checkbox"/>	0
	<input checked="" type="checkbox"/>	n
	<input type="checkbox"/>	$n(n-1)$
	<input type="checkbox"/>	n^2

Bekijk nu de volgende code :

```

i ← 0
while (i ≤ 15)
{
  i ← 2*i + 1
}

```

Q1(b) [3 ptn]	Wat is de waarde van de variabele i na het uitvoeren van dit algoritme ?
	Oplossing: 31

De code $x\%2 = 0$ betekent dat x even is.

Q1(c) [3 ptn]		Welke code betekent dan " <i>a en b zijn oneven</i> " ?
	<input type="checkbox"/>	not ($a\%2 = 0$ and $b\%2 = 0$)
	<input checked="" type="checkbox"/>	not ($a\%2 = 0$ or $b\%2 = 0$)
	<input type="checkbox"/>	$a\%2 = 0$ and $b\%2 = 0$
	<input type="checkbox"/>	$a\%2 = 0$ or $b\%2 = 0$

Vraag 2 – De verborgen berekening ...

Bij het opruimen van de zolder bots je op een oud wiskundeboek. Daarin vind je een bladzijde met een mysterieus algoritme dat je hieronder ziet.

De functie `odd(k)` geeft **true** als k een oneven getal is, en **false** als k een even getal is.

Input : k en z , twee natuurlijke getallen

Output : ?

```
y ← 1
while ( k ≠ 0 )
{
  if (odd (k))
  {
    k ← k - 1
    y ← y * z
  }
  k ← k / 2
  z ← z * z
}
return y
```

Dit lijkt iets interessants te doen, maar de pagina met de uitleg is al opgegeten door de muizen.

Q2(a) [8 ptn]

Welke wiskundige functie berekent dit algoritme ?

Oplossing: $y = z^k$

Vraag 3 – Haakjes

Bart Simpson moet als straf 100 wiskundesommen op de computer typen, en wil er snel vanaf zijn. Zijn lerares, mevr. Krabappel, houdt hem echter scherp in de gaten. Ze heeft alvast een algoritme bedacht om te controleren of hij de haakjes wel juist gebruikt.

Een rekensom wordt getypt als een reeks karakters. Bij juiste haakjes is er voor elk open haakje "(" ook een gesloten haakje ")" verderop. Bovendien moet je voor elk gesloten haakje ")" dat je tegenkomt, eerder al een open haakje "(" zijn tegengekomen.

Bijvoorbeeld, de reeks karakters " $(a + 2 + (c/4) - (1 + e))$ " gebruikt de haakjes juist. De reeks karakters " $)a + (2 - x)/(1$ " gebruikt haakjes fout, en ook " $a + (2 - 3)/((3 + a) + 3$ " heeft foute haakjes.

Het algoritme van mevr. Krabappel staat hieronder, maar je moet het eerst nog aanvullen !

```

Input :  $s$ , een array van karakters.
           $n$ , een natuurlijk getal, is de lengte van array  $s$ .
Output : true als de rekensom voorgesteld in array  $s$  op een juiste manier
          haakjes gebruikt, en anders false.

num ← 0
for (i ← 0 to [...] step 1) // (a)
{
  if ( s[i] = '(' )
  {
    [...] // (b)
  }
  if ( s[i] = ')' )
  {
    [...] // (c)
  }
  if ( [...] ) // (d)
  {
    return false
  }
}
return (num = 0) // dit geeft true terug als num gelijk is aan nul, anders false

```

Q3(a) [2 ptn]

Vervolledig (a)

Oplossing: $n - 1$

Q3(b) [2 ptn]

Vervolledig (b)

Oplossing: $num \leftarrow num + 1$ (of alternatief : -1)

Q3(c) [2 ptn]

Vervolledig (c)

Oplossing: $num \leftarrow num - 1$ (of alternatief : +1)

Q3(d) [2 ptn]

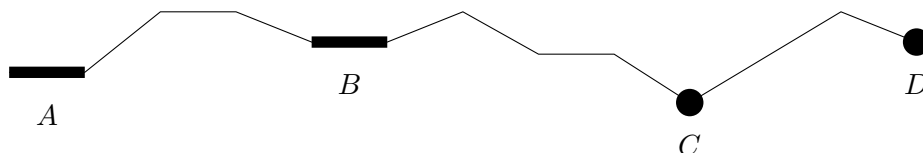
Vervolledig (d)

Oplossing: $num < 0$ (of alternatief : >)

Oplossingen

Vraag 4 – Bergen en Dalen

Je vertrekt op wetenschappelijke expeditie naar het Oeralgebergte. Je wil je tent graag op de bodem van een vallei opzetten, want daar is zeker stromend water. De figuur hieronder geeft weer hoe jouw wandelroute stijgt en daalt :



Een *bodem van een vallei* is iedere plaats die je alleen maar kan verlaten door omhoog te gaan, in iedere richting. Dat kunnen zowel punten als lijnstukken zijn. Op de tekening hierboven zijn er 4 *bodems*, aangeduid met A, B, C en D. (Het platte stukje tussen B en C is geen bodem want je kan verder dalen tot C.) Een volledig plat wandelpad heeft 1 bodem.

Je kan de hoogtes langs je wandelroute uit je GPS halen als een array van gehele getallen. Dan krijg je bijvoorbeeld een array zoals $[5, 4, 3, 3, 3, 9, 9, 8]$. Die heeft 2 bodems : het platte stuk op hoogte 3, en het laatste punt op hoogte 8. De array $[4]$ heeft 1 bodem. Ook de array $[3, 1, 8]$ heeft er 1. De array $[5, 5, 8, 5, 5]$ heeft er 2.

Q4(a) [2 ptn]	Hoeveel bodems heeft de array $[5, 2, 2, 1, -7]$?
Oplossing: 1	

Q4(b) [2 ptn]	Hoeveel bodems heeft de array $[1, -1, -1, -5, 5, 9, 9, -9, -8, -6, 12, 17, 17, 4, -4, -1, -12]$?
Oplossing: 4	

Je wil nu snel een overzicht krijgen van alle kampeermogelijkheden. Dit algoritme telt alle *bodems* in gegeven array.

```

Input : arr, een (niet-lege) array van gehele getallen.
          n, een strikt positief geheel getal, is de lengte van array arr.
Output : Het aantal "bodems" in arr wordt teruggegeven.

nb ← 0
z ← true
for (i ← 1 to n - 1 step 1)
{
  if ([...]) // (a)
  {
    nb ← nb + 1
    z ← false
  }
  z ← [...] // (b)
}
if (z) // (dit stukje verwerkt het laatste element nog)
{
  nb ← nb + 1
}
return nb

```

Q4(c) [3 ptn]	Wat ontbreekt er bij (a) ?
----------------------	-----------------------------------

Oplossing: $\mathbf{zand}(arr[i] > arr[i - 1])$

Q4(d) [3 ptn]	Wat ontbreekt er bij (b) ?
----------------------	-----------------------------------

Oplossing: $\mathbf{zor}(arr[i] < arr[i - 1])$

Oplossingen

Vraag 5 – De Ruilkaarten...

Je bent een verwoed speler van het ruilkaartenspel *Hassle : The Dorkening*. Je moet zoveel mogelijk unieke kaarten bezitten om veel spelletjes te kunnen winnen. Alle kaarten hebben een nummer. Jouw verzameling kaarten is gesorteerd van klein naar groot en op een stapel p_1 gelegd. De kaart met het grootste nummer ligt bovenaan. Je hebt geen kaarten dubbel.

Daarnet heb je de volledige verzameling van iemand anders overgekocht. Die is op dezelfde manier gesorteerd en op een andere stapel p_2 gelegd. In p_2 zitten ook geen kaarten dubbel, maar er is misschien wel overlap met jouw eigen verzameling !

Natuurlijk wil je alleen de kaarten houden die je nog niet had. Kaarten die je nu plots dubbel hebt, wil je weer doorverkopen (met een mooie winst).

12
10
8
5
3
1
p_1

11
10
8
3
p_2

Je kan van de stapel alleen de bovenste kaart zien. En natuurlijk kan je geen kaart weghalen uit het midden van de stapel zonder eerst de kaarten weg te halen die daarbovenop liggen.

Samengevat, kan je dus de volgende 4 bewerkingen doen :

- $\text{top}(p)$: Lees het nummer van de bovenste kaart op stapel p ;
- $\text{pop}(p)$: Haal de bovenste kaart van stapel p af;
- $\text{push}(p, e)$: Voeg kaart nummer e toe aan stapel p ;
- $\text{isEmpty}(p)$: Kijk of stapel p leeg is of niet.

Je wil nu alle kaarten sorteren in twee nieuwe stapels : *collectie* en *dubbels*. De stapel *collectie* moet een zo volledig mogelijke verzameling van kaarten zijn. Er mag slechts één exemplaar van elk kaart in zitten. De stapel *dubbels* bevat dan enkel de kaarten die je dubbel hebt.

Die twee nieuwe stapels moeten ook zo gesorteerd zijn dat het grootste nummer nu onderaan de stapel zit, en het kleinste nummer bovenaan. Als we dat doen met de tekening hierboven, geeft dat het volgende resultaat :

1
3
5
8
10
11
12
<i>collectie</i>

3
8
10
<i>dubbels</i>

Het algoritme hieronder voert die hele operatie uit. Vervolledig het ! (Ter verduidelijking : de functie **not** (x) berekent het tegengestelde van x .)

Input : p_1, p_2 : twee stapels, stijgend gesorteerd, met het hoogste element boven, en waarop je de eerder gedefinieerde bewerkingen kan uitvoeren.
Output : De stapel *collectie* bevat de meest volledige verzameling, andersom gesorteerd, De stapel *dubbels* bevat alle dubbels, omgekeerd gesorteerd.

collectie \leftarrow een nieuwe lege stapel
dubbels \leftarrow een nieuwe lege stapel

```

while ([...]) // (a)
{
  if ([...]) // (b)
  {
    m  $\leftarrow$  pop( $p_1$ )
    push(collectie, m)
  }
  else if (top( $p_1$ ) = top( $p_2$ ))
  {
    m  $\leftarrow$  pop( $p_1$ )
    push([...], m) // (c)
  }
  else
  {
    m  $\leftarrow$  pop( $p_2$ )
    push(collectie, m)
  }
}

while ( not (isEmpty( $p_1$ )) )
{
  m  $\leftarrow$  pop( $p_1$ )
  [...] // (d)
}

while ( not (isEmpty( $p_2$ )) )
{
  m  $\leftarrow$  pop( $p_2$ )
  [...] // (d)
}

```

Q5(a) [2 ptn] Welke voorwaarde zoeken we bij (a) ?

Oplossing: **not** (isEmpty(p_1)) **and** **not** (isEmpty(p_2))

Q5(b) [2 ptn] Welke voorwaarde zoeken we bij (b) ?

Oplossing: top(p_1) > top(p_2)

Q5(c) [2 ptn] Welke stapel moet je invullen bij (c) ?

Oplossing: *dubbels*

Q5(d) [2 ptn]	Welke instructie zoeken we bij (d) (tweemaal herhaald in dit programma) ?
---------------	---

Oplossing: <code>push (collectie, m)</code>

Oplossingen

Vraag 6 – De dolle informaticus

De stoppen zijn doorgeslagen bij de arme informaticus die de volgende code schreef. Je mag aannemen dat de variabele v een geheel getal bevat :

```

Input : een variabele  $v$ 

if ( ( $v > 1$  and  $v \leq 2$ ) or ( $v \geq 4$  and  $v \leq 6$ ) )
{
    if ( ( $v > 2$  and  $v < 4$ ) or ( $v > 5$  and  $v \leq 9$ ) )
    {
        Print('Luke, I am your father!')
    }
    else
    {
        if ( $v \geq 3$  and  $v \leq 4$ ) // (a)
        {
            Print('May the force be with you!')
        }
    }
}
else
{
    Print('Hhhrrrrrrrrrrraaaaaaaaaaaaaaaaaeeeeerrrrrrr')
}
    
```

Gegeven de volgende waarden van v . Zal dit programma dan *Hhhrrrrrrrrrrraaaaaaaaaaaaaaaaaeeeeerrrrrrr* printen ? (Als je dit niet had herkend, dit is Chewbacca die zingt onder de douche).

	Ja	Nee	
Q6(a) [1 pt]	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$v = 1$
Q6(b) [1 pt]	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	$v = 2$
Q6(c) [1 pt]	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$v = 3$
Q6(d) [1 pt]	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	$v = 4$

Q6(e) [1 pt]	Wat zal het programma printen voor $v = 2$?
Oplossing: Niets	

Q6(f) [1 pt]	Wat zal het programma printen voor $v = 4$?
Oplossing: <i>May the force be with you!</i>	

Q6(g) [2 ptn]	Geef alle waarden van v waarvoor zeker de tekst <i>Luke, I am your father!</i> geprint wordt
Oplossing: 6	

Je kan de voorwaarde in de laatste `if` nog vereenvoudigen, zonder dat dit het resultaat van de code wijzigt.

Q6(h) [3 ptn]

Door welke eenvoudigere voorwaarde kan je de voorwaarde (a) vervangen ?

Oplossing: $v = 4$

Oplossingen

Vraag 7 – Wie zoekt die vindt

Je krijgt een array van gehele getallen, gesorteerd van klein naar groot. Je krijgt ook een geheel getal N . Je moet een algoritme schrijven dat N opzoekt in de array en de plaats ervan teruggeeft. Je mag ervan uitgaan dat het getal zich in de array bevindt.

Als getalenteerd informaticus ken je natuurlijk de beste manier om dat te doen. Die staat hieronder, vul ze aan!

Input : arr , een array van gehele getallen, gesorteerd van klein naar groot
 len , een strict positief geheel getal, de lengte van arr
 N , een geheel getal dat voorkomt in arr .

$begin \leftarrow 0$

$eind \leftarrow len - 1$

while ($begin \leq eind$)

```

{
   $mid \leftarrow [\dots]$  // (a)
  if ( $arr[mid] < N$ )
  {
     $[\dots]$  // (b)
  }
  if ( $arr[mid] > N$ )
  {
     $[\dots]$  // (c)
  }
  if ( $arr[mid] = N$ )
  {
    return  $mid$ 
  }
}

```

Q7(a) [3 ptn] Wat ontbreekt er bij (a) ?

Oplossing: $(begin + eind)/2$

Q7(b) [3 ptn] Wat ontbreekt er bij (b) ?

Oplossing: $begin \leftarrow mid + 1$

Q7(c) [3 ptn] Wat ontbreekt er bij (c) ?

Oplossing: $eind \leftarrow mid - 1$

Vraag 8 – Crazy Arrays

Als je een array V van getallen doorloopt, dan begin je meestal bij het eerste element $V[0]$, daarna $V[1]$, $V[2]$, enzovoort tot het laatste element. We maken hierop een variant, die we *Crazy Array* noemen. De volgorde waarin we de elementen bezoeken wordt bepaald door een tweede array $volg$ en een variabele t .

Let nu goed op : het eerste element dat we bezoeken is het element op index t . (Ter herinnering, als $t = 6$ dan is dat dus het 7e element, want we nummeren de elementen vanaf 0.) Het tweede element dat we bezoeken is het element op index $volg[t]$. Het derde element dat we bezoeken is het element op index $volg[volg[t]]$, enzovoort. Als een element op index i het laatste is van de array, dan is $volg[i] = -1$.

Hier is een voorbeeld :

$$t = 5$$

$V =$	89	19	34	57	71	16	43	33	30	88	66	82	93	85	17	34	43	29	37	78
$volg =$	12	17	18	10	19	14	3	15	7	0	4	13	-1	9	1	2	6	8	16	11

Q8(a) [4 ptn] Wat is de reeks getallen die door dit voorbeeld gegeven wordt ?

Oplossing: 16, 17, 19, 29, 30, 33, 34, 34, 37, 43, 43, 57, 66, 71, 78, 82, 85, 88, 89, 93.

Verderop vind je een algoritme om een Crazy Array te sorteren. Het werkt als volgt : er is een variabele $sorted$. Als je V volgt beginnend vanaf $sorted$ (op de *Crazy Array*-manier : eerst komt positie $sorted$, dan positie $volg[sorted]$, dan $volg[volg[sorted]]$, etc, totdat je -1 tegenkomt), dan krijg je een reeks getallen die van klein naar groot gesorteerd is. De variabele $sorted$ geeft je dus toegang tot het deel van V dat al gesorteerd is. Vanaf variabele t loop je dan het deel van V af dat nog niet gesorteerd is.

In het begin is $sorted = -1$, omdat er nog niets gesorteerd is. Bij elke iteratie van buitenste **while**-lus, halen we een element uit het niet-gesorteerde deel (toegankelijk via t) en zetten we het op de juiste plaats in het gesorteerde deel.

Q8(b) [2 ptn] Vervolledig expressie (1)

Oplossing: j

Q8(c) [2 ptn] Geef de ontbrekende voorwaarde (2)

Oplossing: $j = sorted$

Q8(d) [2 ptn] Welke variabele ontbreekt bij (3) ?

Oplossing: t

Input : V , een array van gehele getallen
 $volg$, een array van gehele getallen
 N , een strikt positief getal, gelijk aan de lengte van V en $volg$
 t , een geheel getal tussen 0 en $N-1$ (inclusief)

$sorted \leftarrow -1$

```

while ( $t \neq -1$ )                                // Buitenste while-lus
{
   $j \leftarrow sorted$ 
  while ( $(j \neq -1)$  and ( $V[t] > V[j]$ ))
  {
     $jprev \leftarrow [...]$                         // (1)
     $j \leftarrow volg[j]$                           // Lijn *
  }

  if ([...])                                     // (2)
  {
     $sorted \leftarrow t$ 
  }
  else
  {
     $volg[jprev] \leftarrow t$ 
  }
   $tmp \leftarrow volg[t]$ 
   $volg[t] \leftarrow j$ 
   $[...] \leftarrow tmp$                             // (3)
}
 $t \leftarrow sorted$ 

```

Q8(e) [2 ptn] *In het slechtste geval, hoeveel keer moeten we dan de buitenste while-lus doorlopen? (Je mag aannemen dat V een lengte heeft van N .)*

Oplossing: N keer

Q8(f) [2 ptn] *In het beste geval, hoeveel keer moeten we dan de buitenste while-lus doorlopen? (Je mag aannemen dat V een lengte heeft van N .)*

Oplossing: N keer

Laat ons nu aannemen dat $volg$ en t gelijk zijn aan (voor $N = 5$):

$t = 0$
 $volg =$

1	2	3	4	-1
---	---	---	---	----

Q8(g) [3 ptn] *Geef een array V die garandeert dat de lijn aangeduid met * exact 25 keer wordt uitgevoerd.*

Oplossing: Eender welke array in strikt dalende volgorde, bvb :

5	4	3	2	1
---	---	---	---	---

Vraag 9 – Doe het licht uit !

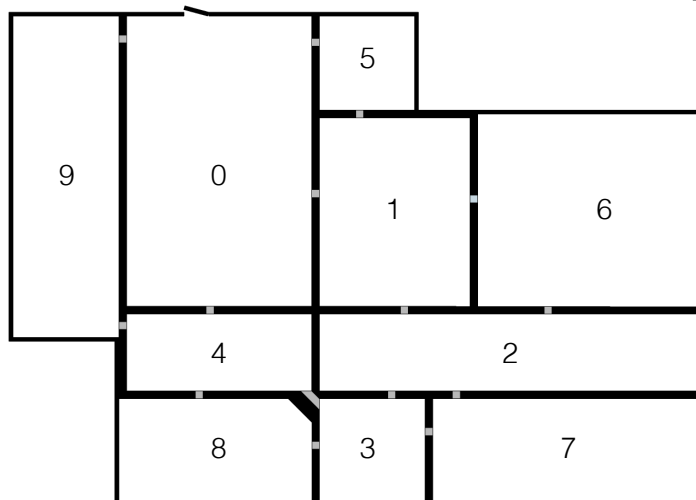
Auteur : Jorik Jooken, Gilles Geeraerts

Pieter en zijn vrienden gaan op vakantie. Voordat ze vertrekken, ziet Pieter dat ze vergeten zijn alle lichten in huis uit te doen. In het huis is er een lamp in elke gang, die bediend wordt door een schakelaar in het midden van die gang. Eens Pieter het licht in een gang heeft uitgedaan, kan hij er geen tweede keer doorheen omdat het te donker is.

Pieter moet dus een manier vinden om alle kamers en alle gangen in het huis te doorlopen, *en mag daarbij elke gang maar 1 keer doorlopen*. Hij kan de kamers wel meerdere keren bezoeken, maar kan niet omkeren in het midden van een gang.

Pieter begint zijn ronde van het huis in kamer 0 (waar de deur is) en moet eindigen in diezelfde kamer, zodat hij het huis uit kan. Hieronder staat een kaart van het huis waarbij de muren zwart zijn, en de gangen grijs. De vraag is of het mogelijk is op die manier het hele huis rond te gaan.

Hier is nog een kaart :

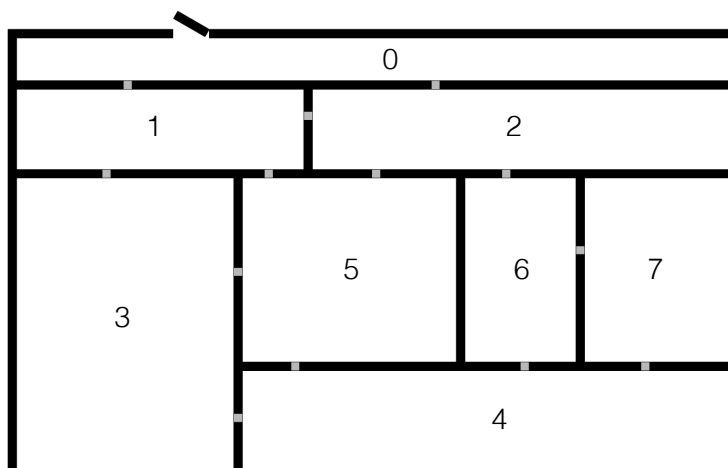


Q9(a) [3 ptn]

Geef, indien mogelijk, een route die gaat van kamer 0 naar kamer 0, waarbij elke gang exact 1 keer doorlopen wordt. Schrijf « onmogelijk » als je denkt dat zo'n route niet bestaat.

Oplossing: 0,1,2,3,4,0,5,1,6,2,7,3,8,4,9,0 of 0,5,1,6,2,7,3,8,4,9,0,1,2,3,4,0 of een van deze twee omgekeerd.

Hier is een andere kaart van een huis :



Q9(b) [3 ptn] Geef, indien mogelijk, een route die gaat van kamer 0 naar kamer 0, waarbij elke gang exact 1 keer doorlopen wordt. Schrijf « onmogelijk » als je denkt dat zo'n route niet bestaat.

Oplossing: Onmogelijk.

Q9(c) [6 ptn] Aan welke voorwaarde moet het aantal gangen in elke kamer voldoen om zeker te zijn dat er een route bestaat van kamer 0 naar kamer 0, waarbij elke gang exact 1 keer wordt doorlopen? Deze voorwaarde garandeert dat een oplossing bestaat, en garandeert ook dat er geen oplossing bestaat als er niet aan voldaan is.

Oplossing: Het aantal gangen dat uitkomt in elke kamer moet een even getal zijn.

Vraag 10 – The Usual Suspects

Auteur : Niels Joncheere

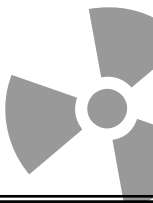
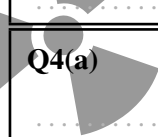
Er wordt een misdaad gepleegd in de stad, maar de politie weet niet wie de daders zijn. Gelukkig zijn er in de stad maar 5 misdadigers : Alex, Bernard, Camille, David, en Eva. De politie arresteert ze alle 5 als verdachten. Ze worden ondervraagd, en ze zeggen :

1. Alex zegt : “De misdaad werd gepleegd door Bernard, met hulp van Camille en/of Eva.”
2. Bernard zegt : “Als Camille bij de misdaad betrokken was, dan heeft Alex meegeholpen.”
3. Camille zegt : “Ofwel heeft Bernard niets met de misdaad te maken, ofwel heeft Eva er niets mee te maken.”
4. David zegt : “Als Camille niet bij de misdaad betrokken was, dan heeft Alex meegeholpen.”

Als er gezegd wordt dat iemand bij de misdaad betrokken *zou kunnen zijn*, en niemand anders spreekt dat tegen, dan mag de politie die persoon een nachtje opsluiten. Om uit te zoeken wie ze mogen opsluiten, bekijkt de politie alle verklaringen apart.

Q10(a) [2 ptn]	Hoeveel personen kunnen een dag lang worden opgesloten als de politie alleen let op verklaring 1 ?
Oplossing: 3	
Q10(b) [2 ptn]	Welke verdachten zijn er <i>zeker</i> bij de misdaad betrokken als de politie alleen let op verklaring 1 ?
Oplossing: Bernard	
Q10(c) [4 ptn]	De politie vermoedt dat de verdachten onder één hoedje spelen. Met andere woorden : de <i>échte daders</i> zijn diegenen die volgens verklaringen 1, 2, 3 en 4 met zekerheid <i>niét</i> bij de misdaad betrokken zijn. Welke verdachten zijn dan de echte daders ?
Oplossing: David en Eva	

Vul hier uw antwoorden in !

Q1(a)		Er is maar EEN juist antwoord!		/3
	<input type="checkbox"/>	0		
	<input type="checkbox"/>	n		
	<input type="checkbox"/>	$n(n - 1)$		
	<input type="checkbox"/>	n^2		
Q1(b)		een getal		/3
.....				
Q1(c)		Er is maar EEN juist antwoord!		/3
	<input type="checkbox"/>	not ($a^2 = 0$ and $b^2 = 0$)		
	<input type="checkbox"/>	not ($a^2 = 0$ or $b^2 = 0$)		
	<input type="checkbox"/>	$a^2 = 0$ and $b^2 = 0$		
	<input type="checkbox"/>	$a^2 = 0$ or $b^2 = 0$		
Q2(a)		Een wiskundige functie		/8
.....				
Q3(a)		Een expressie		/2
.....				
Q3(b)		Een instructie		/2
.....				
Q3(c)		Een instructie		/2
.....				
Q3(d)		Een expressie		/2
.....				
Q4(a)		een getal		/2
.....				
Q4(b)		Een getal		/2
.....				
Q4(c)		Een voorwaarde		/3
.....				
Q4(d)		Een logische expressie		/3
.....				

Q5(a)			Een voorwaarde	/2
Q5(b)			Een voorwaarde	/2
Q5(c)			De naam van een stapel	/2
Q5(d)			Een instructie	/2
	Ja	Nee		/4
Q6(a) /1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$v = 1$	
Q6(b) /1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$v = 2$	
Q6(c) /1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$v = 3$	
Q6(d) /1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$v = 4$	
Q6(e)			Een zin geprint door het programma, of "Niets".	/1
Q6(f)			Een zin geprint door het programma, of "Niets".	/1
Q6(g)			Eén of meerdere getallen	/2
Q6(h)			Een voorwaarde	/3
Q7(a)			Een expressie	/3
Q7(b)			Een instructie	/3
Q7(c)			Een instructie	/3
Q8(a)			Een reeks getallen	/4
Q8(b)			Een expressie	/2

Q8(c)	Een voorwaarde	/2
Q8(d)	Een variabele	/2
Q8(e)	Een expressie die afhangt van N	/2
Q8(f)	Een expressie die afhangt van N	/2
Q8(g)	Een array V van lengte $N = 5$	/3
Q9(a)	Een route, of « onmogelijk ».	/3
Q9(b)	Een route, of « onmogelijk ».	/3
Q9(c)	Een voorwaarde.	/6
Q10(a)	Een getal	/2
Q10(b)	Eén of meerdere namen	/2
Q10(c)	Eén of meerdere namen	/4